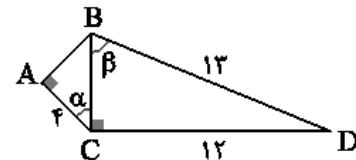


نام و نام خانوادگی:

نام آزمون: **مثلثات**

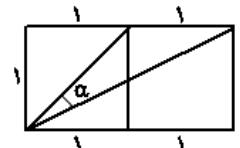
سالاری

۱) در شکل مقابل، نسبت تانژانت زاویه β به سینوس زاویه α کدام است؟



- ۱) $\frac{1}{\sqrt{5}}$
۲) $\frac{1}{3}$
۳) $\frac{4}{3}$
۴) $\frac{3}{4}$

۲) در مستطیل رو به رو، $\sin \alpha$ کدام است؟

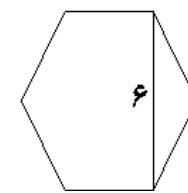


- $\frac{\sqrt{10}}{10}$ (۱)
 $\frac{\sqrt{10}}{5}$ (۲)
 $\frac{1}{3}$ (۳)
 $\frac{3\sqrt{10}}{10}$ (۴)

۳) مساحت یک مثلث قائم الزاویه ۹۶ واحد سطح و کسینوس یک زاویه آن $\frac{4}{5}$ است. طول وتر چند واحد طول است؟

- $10\sqrt{2}$ (۱)
۲۰ (۲)
 $40\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۳)
 $20\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۴)

۴ مساحت شش ضلعی منتظم زیر کدام است؟



- $9\sqrt{3}$ (۱)
- $12\sqrt{3}$ (۲)
- $18\sqrt{3}$ (۳)
- $24\sqrt{3}$ (۴)

۵ نقطه P به عرض $\frac{1}{2}$ - روی دایرة مثلثاتی و در ناحیة چهارم قرار دارد. اگر θ زاویة بین نیم خط \overrightarrow{OP} با محور \overrightarrow{OX} در جهت مثلثاتی باشد، حاصل عبارت $A = 2 \sin \theta + \sqrt{3} \tan \theta$ کدام است؟ (۰ مرکز دایرة مثلثاتی است.)

- ۲ (۱)
- ۲ (۲)
- ۱ (۳)
- ۱ (۴)

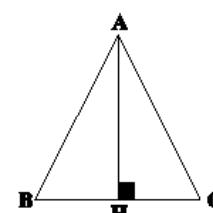
۶ خطی که با جهت مثبت محور x زاویه 60° درجه بسازد و از نقطه $(\sqrt{3}, 2)$ بگذرد، محور y را با چه عرضی قطع می‌کند؟

- ۷ (۱)
- $\sqrt{3}$ (۲)
- ۱۱ (۳)
- $3\sqrt{3}$ (۴)

۷ اگر $\alpha < 0$ باشد، در این صورت انتهای زاویه α در کدام ناحیة مثلثاتی قرار دارد؟

- ۱) اول یا چهارم
- ۲) سوم
- ۳) دوم یا سوم
- ۴) دوم

۸ در مثلث متساوی‌الساقین ABC ، $A = 30^\circ$ و $AB = AC = 1$ است. طول ضلع BC کدام است؟

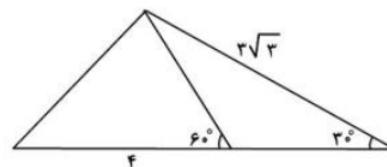


- $\sqrt{3}$ (۱)
- $\sqrt{2}$ (۲)
- $\sqrt{2 - \sqrt{3}}$ (۳)
- $\sqrt{3 - \sqrt{2}}$ (۴)

۹) اگر در دایره مثلثاتی $270^\circ \leq \alpha \leq 45^\circ$ باشد، مجموع کمترین و بیشترین مقدار $\cos \alpha$ در این بازه چقدر است؟

- $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{2}$ (۱)
- $\frac{-\sqrt{3}}{2}$ (۲)
- $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ (۳)
- $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۴)

۱۰) مساحت بزرگترین مثلث در شکل زیر، چند واحد مربع است؟



- $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)
- $\frac{21\sqrt{3}}{4}$ (۲)
- $\frac{21\sqrt{3}}{8}$ (۳)
- $21\sqrt{3}$ (۴)

۱۱) اگر $120^\circ < \alpha < 130^\circ$ و داشته باشیم $\cos \alpha = \frac{m-1}{3}$ آنگاه چند مقدار صحیح برای m یافت می‌شود؟

- ۳ (۱)
- ۴ (۲)
- ۲ (۳)
- ۱ (۴)

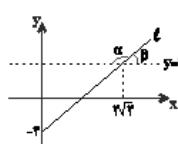
۱۲) حاصل x کدام است؟ $\frac{\cos x}{1+\sin x} + \tan x$

- $\frac{1}{\sin x}$ (۱)
- $\cot x$ (۲)
- $\frac{1}{\cos x}$ (۳)
- $\frac{1}{1+\sin x+\cos x}$ (۴)

۱۳) انتهای کمان α در کدام ناحیه مثلثاتی باشد تا روابط $\sin \alpha \tan \alpha < 0$ و $\sin \alpha \cos \alpha < 0$ همزمان برقرار باشند؟

- ۱) فقط دوم
- ۲) فقط سوم
- ۳) فقط چهارم
- ۴) دوم یا سوم

۱۴) با توجه به نمودار زیر، زاویه α چند برابر زاویه β است؟

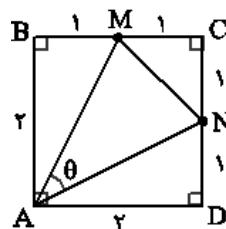


- ۲ (۱)
- ۳ (۲)
- ۴ (۳)
- ۵ (۴)

۱۵) شخصی با قد ۱۸۰ سانتی‌متر در ۱۲ متری یک درخت و بر روی زمین صاف ایستاده است. اگر این فرد نوک درخت را با زاویه 13° نسبت به خط افق ببیند، طول درخت چند متر است؟ ($\tan 13^\circ \approx 0.23$)

- ۱) ۱۴/۵۶
- ۲) ۷/۰۶
- ۳) ۵/۷۶
- ۴) ۷/۳۶

۱۶) در مربع زیر، مقدار $\sin \theta$ کدام است؟



- ۱) $\frac{1}{3}$
- ۲) $\frac{2}{3}$
- ۳) $\frac{3}{5}$
- ۴) $\frac{2}{5}$

۱۷) مقدار x در تساوی $\frac{\sin 60^\circ \cos 30^\circ - \sin 30^\circ \cos 60^\circ}{\cos 30^\circ} = \tan x$ می‌تواند باشد؟

- ۱) 30°
- ۲) 60°
- ۳) 45°
- ۴) 90°

۱۸) اگر $90^\circ < x < 0^\circ$ باشد، حاصل عبارت $A = \sqrt{\frac{1+\sin x}{1-\sin x}} - \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}}$ همواره کدام است؟

- ۱) $2 \cot x$
- ۲) $2 \tan x$
- ۳) $-2 \cot x$
- ۴) $-2 \tan x$

۱۹) اگر $\cos \alpha = -\frac{5}{13}$ و انتهای کمان زاویه α در ربع دوم باشد، حاصل $\frac{6}{\sin \alpha} - \tan \alpha$ کدام است؟

- ۱) $4/1$
- ۲) $8/9$
- ۳) $-3/9$
- ۴) $7/2$

۲۰) چند مورد از تساوی‌های زیر همواره برقرار است؟

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 - 3 \sin^2 x \cos^2 x \quad \text{(ب)}$$

$$\frac{\tan x}{1+\tan^2 x} = \sin x \cos x \quad \text{(الف)}$$

$$\tan x + \cot x = \frac{1}{\sin x \cos x} \quad \text{(پ)}$$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴) صفر

۲۱) اگر زاویه θ از 180° تا 225° افزایش یابد، کدامیک از عبارات زیر درست است؟

(۱) همواره مقدار $\sin \theta$ از مقدار $\cos \theta$ بیشتر است.

(۲) مقدار $\cos \theta$ ابتدا افزایش سپس کاهش می‌یابد.

(۳) مقدار $\sin \theta$ همواره افزایش می‌یابد.

(۴) همواره $\cos \theta > \cot \theta$ است.

۲۲) اگر انتهای کمان θ در ربع دوم مثلثاتی و $\sin \theta = \frac{4}{5}$ باشد، آنگاه حاصل $\cos \theta + \tan \theta$ کدام است؟

- $\frac{3}{5}$ (۱)- $\frac{19}{15}$ (۲)- $\frac{9}{5}$ (۳)- $\frac{29}{15}$ (۴)

۲۳) اگر α در $180^\circ < \alpha < 270^\circ$ باشد، حدود m کدام است؟

 $[-\frac{1}{5}, \frac{2}{5}]$ (۱) $(-\frac{1}{5}, \frac{2}{5}]$ (۲) $(\frac{1}{5}, \frac{2}{5}]$ (۳) $(-\frac{1}{5}, \frac{3\sqrt{5}-2}{10})$ (۴)

۲۴) اگر $0^\circ < \theta < 90^\circ$ باشد، انتهای کمان زاویه θ در کدام ناحیه مثلثاتی قرار می‌گیرد؟

(۱) اول

(۲) دوم

(۳) سوم

(۴) چهارم

۲۵) اگر خط $y = (m-1)x + n - 5$ با جهت مثبت محور x ها زاویه 45° بسازد و از نقطه $(1, 3)$ عبور کند، در این صورت $n+m$ کدام است؟

۶ (۱)

 $\frac{\sqrt{5}}{5} + 5$ (۲)

۹ (۳)

 $\frac{\sqrt{5}}{5} - 8$ (۴)

۲۶ اگر $A = \sin \alpha - \sqrt{\cot^2 \alpha - \cos^2 \alpha}$ کدام است؟ $270^\circ < \alpha < 360^\circ$

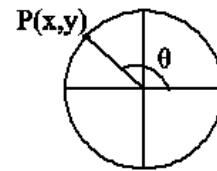
$$\frac{1}{\sin \alpha} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{\cos \alpha} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\tan \alpha} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{\tan \alpha} \quad (4)$$

۲۷ در شکل زیر، نقطه P روی دایرة مثلثاتی قرار دارد و $\cos \theta = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ است. مقدار $\tan \theta$ کدام است؟



$$-\sqrt{3} \quad (1)$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$

۲۸ حاصل عبارت تعریف شده $A = \frac{\csc^2 x + \cos^2 x}{\cos x}$ کدام است؟

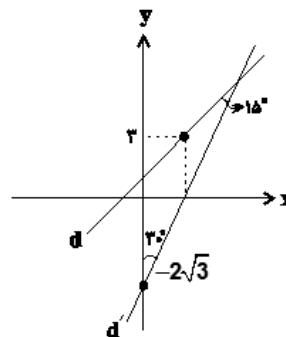
$$5 \quad (1)$$

$$-2 \quad (2)$$

$$4 \quad (3)$$

$$-6 \quad (4)$$

۲۹ با توجه به شکل مقابل، معادله خط d کدام است؟



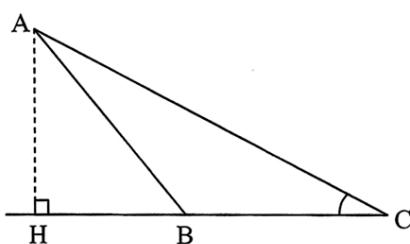
$$y = x + 1 \quad (1)$$

$$y = \frac{\sqrt{3}}{3}x + 1 \quad (2)$$

$$y = x + 2 \quad (3)$$

$$y = \sqrt{3}x + \frac{1}{\sqrt{3}} \quad (4)$$

۳۰ در شکل زیر، فرض کنید $\sin C = \frac{5}{13}$ و $CH = 9$. اندازه ارتفاع AH کدام است؟



- ۳/۲۵ (۱)
۳/۵ (۲)
۳/۶ (۳)
۳/۷۵ (۴)